

หนังสือเล่มนี้เรียบเรียงตามจุดประสงค์รายวิชา สมรรถนะรายวิชา และคำอธิบายรายวิชา  
หลักสูตรประกาศนียบัตรวิชาชีพ (ปวช.) พุทธศักราช 2562  
ของสำนักงานคณะกรรมการการอาชีวศึกษา กระทรวงศึกษาธิการ

รหัสวิชา 20000-1402

ได้ผ่านการตรวจประเมินคุณภาพจากสำนักงานคณะกรรมการการอาชีวศึกษา  
ประจำปีงบประมาณ พ.ศ. 2562 ครั้งที่ 1  
หมวดวิชาสมรรถนะแกนกลาง กลุ่มวิชาคณิตศาสตร์  
ประกาศลำดับที่ 427

# คณิตศาสตร์อุตสาหกรรม

## (Mathematics for Industry)

Using math solving systems of equations

Example consider the system

$$\begin{cases} 3x + \\ 2x - \end{cases}$$

provided that we realize as

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$$

First we find matrix:

$$C^{-1} =$$

$y = \cos x$

$y = \sin x$

$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline X & 0 & 30 & 45 & 60 & 90 & 180 & 270 & 360 \\ \hline \alpha & 0 & \frac{\pi}{6} & \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{3} & \frac{\pi}{2} & \pi & \frac{3\pi}{2} & 2\pi \\ \hline \sin x & 0 & \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} & 1 & 0 & -1 & 0 \\ \hline \cos x & 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{1}{2} & 0 & -1 & 0 & 1 \\ \hline \operatorname{tg} x & 0 & \frac{\sqrt{3}}{3} & 1 & \sqrt{3} & \infty & 0 & -\infty & 0 \\ \hline \operatorname{ctg} x & -\infty & -\sqrt{3} & -1 & -\sqrt{3} & 0 & -\infty & 0 & -\infty \\ \hline \end{array}$ 

$3 \cdot -1 - 1 \cdot 2 = -2$

$= -\frac{1}{5} \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$

ผู้แต่ง บุญธรรม ภัตราจารุกุล

56.-

<b>บทที่ 1 มุมและการวัดมุม (Angle and Measure Angle) .....</b>	<b>1</b>
1.1 หน่วยวัดมุม (Unit of Angular Measure) .....	2
แบบฝึกหัดบทที่ 1 .....	11
<b>บทที่ 2 ตรีโกณมิติ (Trigonometry) .....</b>	<b>13</b>
2.1 ทฤษฎีบทพีทาโกรัส (Pythagoras Theorem) .....	14
2.2 อัตราส่วนตรีโกณมิติ (Trigonometry Ratio) .....	20
2.3 การประยุกต์การวัดด้วยอัตราส่วนตรีโกณมิติ .....	25
แบบฝึกหัดบทที่ 2 .....	35
<b>บทที่ 3 ตรีโกณมิติของวงกลมหนึ่งหน่วย (Trigonometry of Unit Circle) .....</b>	<b>43</b>
3.1 จตุภาค (Quadrant) .....	45
3.2 วงกลมหนึ่งหน่วย (Unit Circle) .....	45
3.3 พังค์ชันตรีโกณมิติของวงกลมหนึ่งหน่วย (Trigonometry Function of Unit Circle) .....	53
3.4 การหาค่าฟังค์ชันตรีโกณมิติโดยการใช้ตาราง .....	56
3.5 กราฟของฟังค์ชันไซน์และโคไซน์ .....	63
แบบฝึกหัดบทที่ 3 .....	68
<b>บทที่ 4 กฎของไซน์และโคไซน์ (Law of Sine and Cosine) .....</b>	<b>71</b>
4.1 กฎของไซน์ (Law of Sine) .....	72
4.2 กฎของโคไซน์ (Law of Cosine) .....	73

4.3 การประยุกต์ใช้กฎของไซน์และโคไซน์ (Application of Law of Sine and Cosine) .....	74
แบบฝึกหัดบทที่ 4 .....	82
<b>บทที่ 5 เมทริกซ์ (Matrix) .....</b>	<b>87</b>
5.1 นิยามของเมทริกซ์ .....	88
5.2 ชนิดของเมทริกซ์ (Type of Matrix) .....	89
5.3 เมทริกซ์สลับเปลี่ยน (Transpose of a Matrix) .....	91
5.4 การบวกลบเมทริกซ์ (Addition and Subtraction of Matrix) .....	93
5.5 การคูณเมทริกซ์ (Matrix Multiplication) .....	99
5.6 การเท่ากันของเมทริกซ์ (Equality of Matrix) .....	110
แบบฝึกหัดบทที่ 5 .....	112
<b>บทที่ 6 ดีเทอร์มิแนนต์ (Determinants) .....</b>	<b>115</b>
6.1 การหาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $1 \times 1$ .....	116
6.2 การหาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ .....	116
6.3 การหาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ (Cross Product) .....	118
6.4 การหาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ ด้วยวิธีการกระจายโคลแฟกเตอร์ (Cofactor) .....	120
แบบฝึกหัดบทที่ 6 .....	125
<b>บทที่ 7 การประยุกต์ใช้ดีเทอร์มิแนนต์หาผลเฉลยของ ระบบสมการเชิงเส้น .....</b>	<b>127</b>
7.1 การแก้ระบบสมการเชิงเส้นด้วยดีเทอร์มิแนนต์ .....	129
7.2 การประยุกต์แก้ระบบสมการเชิงเส้นด้วยดีเทอร์มิแนนต์ .....	139
แบบฝึกหัดบทที่ 7 .....	153
<b>ภาคพนวก .....</b>	<b>155</b>
<b>บรรณานุกรม .....</b>	<b>161</b>